GENILS-TS-CL-PR: UM ALGORITMO HEURÍSTICO PARA RESOLUÇÃO DO PROBLEMA DE ROTEAMENTO DE VEÍCULOS COM COLETA E ENTREGA SIMULTÂNEA

Thaís Cotta Barbosa da Silva¹, Raphael Carlos Cruz¹, Marcone Jamilson Freitas Souza¹, Alexandre Xavier Martins¹, Vitor Nazário Coelho¹, Marcio Tadayuki Mine²

¹Departamento de Computação, Universidade Federal de Ouro Preto (UFOP) Campus Universitário, Morro do Cruzeiro, CEP 35.400-000, Ouro Preto (MG), Brasil

thais_cotta@yahoo.com.br, raphaelcarlos25@yahoo.com.br marcone@iceb.ufop.br, xmartins@decea.ufop.br, vncoelho@gmail.com

²GAPSO

Rua Lauro Müller, 1160, sala 3402, 22.290-160, Rio de Janeiro (RJ), Brasil marciomine@gmail.com

Abstract. This work addresses the Vehicle Routing Problem with Simultaneous Pickup and Delivery (VRPSPD). We propose the algorithm GENILS-TS-CL-PR for solving it. This algorithm combines the heuristic procedures Cheapest Insertion, Cheapest Insertion with multiple routes, GENIUS, Iterated Local Search (ILS), Variable Neighborhood Descent (VND), Tabu Search (TS) and Path Relinking (PR). The first three procedures aim to obtain a good initial solution, and the VND and TS are used as local search methods for ILS. TS is applied after some iterations without any improvement through of the VND. The PR procedure is performed for each ILS iteration and it connects a local optimum with an elite solution generated during the search. The algorithm also uses a strategy to reduce the number of solutions evaluated in the solution space. It was tested on benchmark instances taken from the literature and it was able to generate high quality solutions.

KEYWORDS: Vehicle Routing Problem with Simultaneous Pickup and Delivery, Iterated Local Search, Variable Neighborhood Descent, Tabu Search.

Resumo. Este trabalho trata o Problema de Roteamento de Veículos com Coleta e Entrega Simultânea (PRVCES). Para resolvê-lo, propõe-se o algoritmo GENILS-TS-CL-PR, que combina os procedimentos heurísticos Inserção Mais Barata Rota a Rota, Inserção Mais Barata com Múltiplas Rotas, GENIUS, Iterated Local Search (ILS), Descida em Vizinhança Variável (VND), Busca Tabu (TS) e Reconexão por Caminhos (PR). Os três primeiros procedimentos visam a obtenção de uma boa solução inicial, enquanto os procedimentos VND e TS são usados como métodos de busca local para o ILS. A Busca Tabu somente é acionada após certo número de iterações sem sucesso do VND. O procedimento PR é acionado a cada iteração do ILS e conecta um ótimo local a uma solução elite gerada durante a busca. Utiliza-se, também, uma estratégia para reduzir o número de soluções avaliadas no espaço de soluções. O algoritmo foi testado em instâncias da literatura e se mostrou capaz de gerar soluções de alta qualidade.

PALAVRAS-CHAVE: Roteamento de Veículos com Coleta e Entrega Simultânea, Iterated Local Search, Descida em Vizinhança Variável, Busca Tabu.

1 Introdução

O Problema de Roteamento de Veículos com Coleta e Entrega Simultânea (PRV-CES) é uma variante do Problema de Roteamento de Veículos (PRV), no qual os clientes requerem os serviços de coleta e entrega de produtos. Este problema foi proposto por Min (1989) e é da classe NP-difícil, uma vez que ele pode ser reduzido ao PRV Dantzig e Ramser (1959) quando todas as demandas de coleta são nulas.

Em vista da dificuldade de obter soluções ótimas para casos práticos do problema, o PRVCES é normalmente resolvido por meio de procedimentos heurísticos. Zachariadis et al. (2009) usaram uma técnica híbrida, que combina as metaheurísticas Busca Tabu (Glover e Laguna, 1997) e *Guided Local Search* (Voudouris e Tsang, 1996). Em Zachariadis et al. (2010) é proposto um algoritmo evolucionário que utiliza uma memória adaptativa para guardar informações das soluções de alta qualidade obtidas durante a busca. Essas informações são usadas para gerar novas soluções em regiões que possuem grande chance de trazer melhores resultados, as quais são, posteriormente, melhoradas por um método de Busca Tabu.

Mine et al. (2010) propuseram o algoritmo GENILS, que utiliza a melhor solução gerada pelos métodos de Inserção Mais Barata Rota a Rota, Inserção Mais Barata com Múltiplas Rotas e uma adaptação da heurística GENIUS (Gendreau et al., 1992), como solução inicial. Como refinamento é utilizado o método *Iterated Local Search* – ILS, tendo o *Variable Neighborhood Descent* – VND como método de busca local. Silva et al. (2011) aperfeiçoaram esse algoritmo incorporando um módulo de Busca Tabu como alternativa para a busca local do ILS. Nesse algoritmo, denominado GENILS-TS, a Busca Tabu é chamada somente após um número de iterações sem sucesso com o uso do VND.

Subramanian et al. (2010) apresentaram um algoritmo paralelo para a solução do PRVCES, chamado de PILS-RVND. O algoritmo utiliza uma heurística *multi-start*, em que, a cada iteração, uma solução inicial é gerada pelo procedimento Inserção mais Barata com Múltiplas Rotas. Essa solução é refinada pelo ILS, tendo como busca local o VND com ordem de vizinhança aleatória (RVND). O RVND explora o espaço de soluções por meio de seis movimentos, sendo a ordem das vizinhanças aleatória a cada chamada. Os experimentos foram realizados em dois *clusters* de computadores, sendo um com uma arquitetura composta por 128 núcleos e outro com 256. Os resultados obtidos em 72 problemasteste consagrados da literatura provaram que ele é o algoritmo de melhor desempenho até então conhecido.

Neste trabalho é expandido e aprimorado o algoritmo GENILS-TS de Silva et al. (2011). O algoritmo proposto, denominado GENILS-TS-CL-PR, incorpora ao GENILS-TS dois mecanismos: uma Lista de Candidatos para evitar a avaliação de soluções não promissoras e a Reconexão por Caminhos aplicada a cada ótimo local gerado pelo ILS.

O restante deste artigo está organizado como segue. Na seção 2 é descrito o problema de roteamento de veículos com coleta e entrega simultânea. Na seção 3 é apresentado o algoritmo proposto e na seção 4, os resultados dos experimentos computacionais. Na seção 5 o trabalho é concluído, assim como apontadas sugestões de trabalhos futuros.

2 Descrição do Problema

O PRVCES envolve um conjunto de clientes, cada qual com uma demanda d_i e coleta p_i a serem completamente atendidas, e um depósito, que é o local onde ficam ar-

mazenados os produtos a serem entregues aos clientes ou coletados desses, e um conjunto de veículos de capacidade Q de carga, os quais são utilizados para fazer as operações de entrega e coleta. O objetivo é construir um conjunto de rotas, a custo mínimo, que iniciam e terminam no depósito, e atendam a todos os clientes sem ultrapassar a capacidade dos veículos. A Figura 1 ilustra um exemplo de uma solução para um PRVCES envolvendo 19 clientes e veículos de capacidade Q=150 unidades.

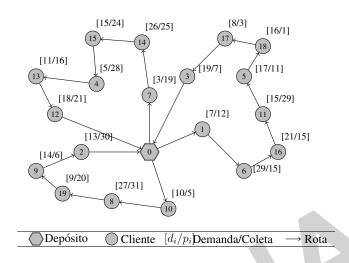


Figura 1. Exemplo do PRVCES, adaptado de Mine et al. (2010).

Considerando a rota do veículo do canto superior esquerdo da Figura 1, o veículo parte do depósito, visita o cliente 7 para entregar 3 unidades do produto e coletar 19 unidades. A seguir, se direciona para os clientes 14, 15, 4, 13, e 12, nesta ordem, entregando e coletando produtos, e retorna ao depósito.

3 Algoritmo Proposto

Nesta Seção é apresentado o algoritmo proposto para resolver o PRVCES, assim como os módulos que o compõe.

3.1 Algoritmo GENILS-TS-CL-PR

O algoritmo proposto, chamado de GENILS-TS-CL-PR, é um aperfeiçoamento do algoritmo GENILS-TS de Silva et al. (2011). O GENILS-TS-CL-PR combina os procedimentos heurísticos Inserção Mais Barata Rota a Rota, Inserção Mais Barata com Múltiplas Rotas, GENIUS, ILS, VND, Busca Tabu (TS) e Reconexão por Caminhos (PR). Os três primeiros procedimentos são usados para gerar uma solução inicial, sendo o refinamento feito pelo ILS. O ILS, por sua vez, utiliza os procedimentos VND e TS como módulos de busca local. Adicionalmente, ele utiliza uma estratégia de Lista de Candidatos para evitar a geração de movimentos não promissores, assim como aplica periodicamente a Reconexão por Caminhos entre um ótimo local gerado por VND ou TS e uma solução do conjunto elite formada durante a busca. Seu pseudocódigo é apresentado pelo Algoritmo 1.

Como pode ser observado no Algoritmo 1, os três métodos construtivos utilizados, descritos na Seção 3.3, produzem as soluções s^A , s^B e s^C , e cada uma delas é refinada por um procedimento VND (Seção 3.7). A melhor solução gerada se transforma na solução inicial s, sendo esta refinada pelo ILS. Para escapar das armadilhas de ótimos locais, e se dirigir para outras regiões do espaço de busca, foram utilizadas perturbações descritas na

Algoritmo 1: GENILS-TS-CL-PR

```
1: \gamma \leftarrow número real aleatório no intervalo [0.0, 0.7];
 2: s^A \leftarrow Insercão Mais Barata Rota A Rota(\gamma);
 3: s^A \leftarrow VND(s^A);
 4: nRotas \leftarrow número de rotas da solução s^A;
 5: s^B \leftarrow InserçãoMaisBarataMRotas(\gamma, nRotas); s^B \leftarrow VND(s^B);
 6: s^C \leftarrow VRGENIUS(nRotas); s^C \leftarrow VND(s^C);
 7: s \leftarrow argmin\{f(s^{A}), f(s^{B}), f(s^{C})\};
 8: iter \leftarrow 1;
 9: enquanto ( iter \leq maxIter ) faça
10:
       s' \leftarrow Perturbação(s);
11:
        se ( iter < iterMaxVND ) então
12:
           s'' \leftarrow VND(s');
13:
14:
           s'' \leftarrow BuscaTabu(s', TamListaTabu, iterMaxTS);
15:
        s \leftarrow ReconexaoPorCaminhos(solElite, s'');
16:
17:
        se (f(s'') < f(s)) então
          s \leftarrow s''; iter \leftarrow 1;
18:
19.
        senão
20:
          iter \leftarrow iter + 1;
21.
        fim se
22:
        AtualizaConjElite(s");
23: fim enquanto
24: Retorne s;
```

Seção 3.9. Os métodos VND e Busca Tabu (descritos nas Seções 3.7) e 3.8, respectivamente) são utilizados como busca local, sendo a Busca Tabu acionada somente após certo número de iterações sem melhora, dado pelo parâmetro *iterMaxVND*. A cada iteração do ILS também é aplicada a técnica Reconexão por Caminhos (descrita na Seção 3.10) na solução gerada pela busca local s''.

3.2 Função de Avaliação

Uma solução é avaliada pela função (1), a ser minimizada. A primeira parcela dessa função corresponde à distância total percorrida, enquanto a segunda parcela é uma penalidade aplicada ao excesso de carga no veículo, ou seja, toda vez que o limite de carga é ultrapassado, o valor excedido é multiplicado por um fator β , que corresponde a um valor suficientemente grande. A geração de soluções inviáveis, isto é, soluções em que a carga do veiculo não é respeitada, é permitida, porém não é incentivada, já que a função de avaliação deve ser minimizada.

$$f(s) = \sum_{(i,j)\in E} c_{ij} x_{ij} + \beta \times \sum_{l\in R} \max\{0, \sum_{j\in N_l} (-d_j + p_j) - Q\}$$
 (1)

Na função de avaliação f, dada pela Equação (1), têm-se:

N: conjunto dos clientes, incluindo o depósito;

E: conjunto de arestas (i, j), com $i, j \in N$;

R: conjunto de rotas existentes na solução;

 N_l : conjunto de clientes j pertencentes à rota l, com $j \in N$ e $l \in R$;

 c_{ij} : custo de deslocamento ou distância de i a j, com $i, j \in N$;

 x_{ij} : variável binária que assume valor 1 se na solução s a aresta $(i,j) \in E$ é utilizada

 $(x_{ij}=1)$ e valor zero $(x_{ij}=0)$, caso contrário. d_j : quantidade a ser entregue ao cliente $j \in N$; p_j : quantidade a ser coletada no cliente $j \in N$; Q: capacidade de carga do veículo;

3.3 Geração da Solução Inicial

Para gerar a solução inicial, foram utilizadas as heurísticas construtivas de Inserção Mais Barata Rota a Rota, Inserção Mais Barata com Múltiplas Rotas e uma adaptação da heurística GENIUS proposta em Mine et al. (2010).

A Inserção Mais Barata Rota a Rota, também conhecida como IMB-1R, foi proposta por Dethloff (2001) e consiste, basicamente, em construir uma subrota inicial contendo um cliente aleatório, sendo os demais clientes inseridos a cada iteração respeitandose as restrições do PRVCES. Para determinar qual cliente será incluído na rota, é utilizada a Equação (2), de forma que i e j correspondem a clientes já alocados a alguma rota e k representa um potencial cliente a ser inserido na rota. Já o fator $\gamma \in [0,1]$ corresponde a uma bonificação dada a um cliente distante do depósito.

$$e_{ij}^{k} = (c_{ik} + c_{kj} - c_{ij}) - \gamma \times (c_{0k} + c_{k0})$$
(2)

A Inserção Mais Barata com Múltiplas Rotas, também conhecida como IMB-MR, foi proposta por Subramanian (2008). Para inicializar o IMB-MR, é necessário informar o número inicial de rotas m. No algoritmo implementado, este número é obtido pela aplicação do algoritmo IMB-1R. Ele funciona de forma similar ao procedimento construtivo anterior, com a diferença de que ele inicializa m rotas simultaneamente. Sendo assim, m rotas são iniciadas com um único cliente escolhido aleatoriamente e os demais são inseridos a partir da Equação (2), respeitando-se o limite de carga do veículo.

O último método construtivo, denominado VRGENIUS, foi proposto por Mine et al. (2010). Ele é composto pelo método construtivo VRGENI e pelo método de refinamento VRUS. Ambos utilizam como busca local procedimentos *3-opt* e *4-opt*. O funcionamento desses métodos pode ser encontrado no trabalho indicado.

3.4 Estruturas de vizinhança

São utilizados sete movimentos diferentes para explorar o espaço de soluções, todos bem conhecidos na literatura. O movimento Shift consiste em transferir um cliente de uma rota para outra, enquanto o Shift(2,0) consiste na realocação de 2 clientes. O movimento Swap consiste na troca de um cliente de uma rota por um cliente pertencente a outra rota. O movimento Swap(2,1) consiste em trocar dois clientes consecutivos de uma rota com um cliente de outra rota, e o Swap(2,2) em trocar dois clientes consecutivos de uma rota com dois clientes consecutivos de outra. O 2-Opt consiste em remover dois arcos e inserir dois novos arcos de forma a gerar uma nova rota. Finalmente, o movimento kOr-Opt realoca uma sequência de k clientes consecutivos para outra posição na mesma rota, sendo k um parâmetro do método; neste trabalho, k foi fixado no valor 3.

3.5 G3-opt, G4-opt e reverse

Os métodos *G3-opt* e *G4-opt* utilizam técnicas de inserção e remoção de arcos combinados com a ideia do *3-opt* e *4-opt* para melhorar a solução. Detalhes desses métodos são apresentados em Mine et al. (2010).

O procedimento *reverse* consiste em inverter o sentido de uma rota, sendo aplicado somente se ocorrer um aumento na carga residual da rota. A carga residual de uma rota é o valor da capacidade do veículo subtraído da maior carga do veículo nessa rota.

3.6 Lista de Candidatos

Para diminuir a quantidade de soluções analisadas pelas estruturas de vizinhança descritas na Seção 3.4, foi utilizada uma Lista de Candidatos (CL, do inglês *Candidate List*). Esta Lista permite que apenas movimentos promissores sejam analisados, descartando aqueles considerados desnecessários. A análise da vizinhança é restringida porque somente são avaliadas as soluções vizinhas em que o comprimento de pelo menos uma aresta resultante é menor que o valor dado pela Equação (3).

$$dist = \left(\sum_{(i,j)\in E} c_{ij}\right) / (n-1)^2 \tag{3}$$

Na Equação (3), n indica o número de vértices do conjunto e E o conjunto de arestas ligando todos os vértices. Sendo assim, ela representa a média das distâncias entre todos os pares de pontos (depósito/clientes) existentes.

3.7 VND

O VND implementado é uma adaptação do mesmo método descrito em Mine et al. (2010). Assim como esses autores, a cada iteração a ordem das vizinhanças a serem exploradas pode mudar, pois há uma ordenação aleatória das sete vizinhanças descritas na seção 3.4. Entretanto, após cada melhor vizinho escolhido aleatoriamente no passo anterior, é aplicada uma sequência aleatória de procedimentos de otimização, no caso, envolvendo a busca local *Best Improvement* com os sete movimentos descritos na seção 3.4, e os procedimentos *G3-opt*, *G4-opt* e *reverse*, apresentados na seção 3.5. Ressalta-se que em Mine et al. (2010), tais procedimentos de otimização são aplicados em uma ordem predeterminada.

3.8 Busca Tabu

A Busca Tabu (TS) é uma metaheurística que utiliza uma estrutura de memória para explorar o espaço de soluções. Seu principal mecanismo é a chamada Lista Tabu, que é usada para evitar o retorno a uma solução já gerada anteriormente.

No Algoritmo implementado cinco soluções são geradas a cada iteração utilizando os movimentos *Shift, Swap, Shift (2,0), Swap (2,1) e Swap (2,2)* descritos na Seção 3.4, sendo que a melhor delas passa a ser a solução corrente s. Cada vez que se move para uma nova solução, a Lista Tabu é atualizada. O tamanho da Lista Tabu (TamListaTabu) é incrementado em uma unidade à medida que o número de iterações sem melhora aumenta; porém, para a busca não ficar extremamente restritiva, essa atualização para de ser efetuada quando certo número de iterações sem melhora é atingido. O procedimento é interrompido quando o número máximo de iterações sem melhora na solução é alcançado.

O movimento tabu, utilizado pelo procedimento TS para evitar o retorno a uma solução gerada anteriormente, consiste em proibir que o cliente afetado pelo movimento gerado seja sucessor do cliente adjacente a ele antes do movimento. Porém, caso esse

movimento tabu produza uma solução vizinha melhor que a melhor solução encontrada até então, o movimento é aceito. Esta estratégia foi implementada porque a Lista Tabu pode não somente impedir o retorno a uma solução já gerada anteriormente, mas também outras soluções ainda não geradas.

Para representar computacionalmente a Lista Tabu, utilizou-se uma matriz quadrada, em que cada célula (i,j) representa até que iteração está proibido o cliente j ficar como sucessor do cliente i na rota. Esta representação tem a vantagem de requerer complexidade O(1) para consultar se um movimento é ou não Tabu. Caso fosse utilizada uma lista encadeada, a consulta seria O(m) no pior caso, sendo m o tamanho da lista. Mais detalhes da Busca Tabu utilizada são apresentados em Silva et al. (2011).

3.9 Perturbações

As perturbações são realizadas por um dos três procedimentos, escolhidos aleatoriamente a cada chamada: Múltiplos *Shifts*, Múltiplos *Swaps* e *Ejection Chain*.

Os procedimentos Múltiplos *Shifts* e Múltiplos *Swaps* consistem em k aplicações sucessivas dos movimentos *shift* e *swap*, sendo k um valor inteiro aleatório entre 1 e 3.

O *Ejection chain* foi proposto por Rego e Roucairol (1996). Inicialmente, seleciona-se um subconjunto de m rotas $R=r_1,r_2,\cdots,r_m$ de forma arbitrária. Em seguida, transfere-se um cliente da rota r_1 para a rota r_2 , um cliente de r_2 para r_3 e assim sucessivamente até que um cliente seja transferido da rota r_m para a primeira rota r_1 . Nesse movimento os clientes são escolhidos de forma aleatória.

3.10 Reconexão por Caminhos

Como forma de fazer um balanço entre intensificação e diversificação, foi utilizada a técnica de Reconexão por Caminhos (PR, do inglês *Path Relinking*), que é aplicada após cada busca local do ILS.

O conjunto elite é composto por cinco soluções. Assim, quando uma nova solução é adicionada ao conjunto e sua capacidade é extrapolada, a solução de pior custo sai, dando lugar à nova solução. Para determinar quais soluções farão parte do conjunto elite foram utilizados os seguintes critérios:

- Se a solução corrente tiver a função de avaliação menor que a melhor solução encontrada até então;
- Se a solução corrente for melhor que a pior do conjunto elite, e for pelo menos 10% diferente das demais soluções do conjunto.

Adotou-se como estratégia utilizar cada uma das soluções do conjunto elite como solução base, e como guia o ótimo local gerado após a aplicação da busca local do procedimento ILS descrito nas Seções 3.7 e 3.8. Ou seja, são realizadas cinco aplicações de Reconexão por Caminhos. Caso durante a aplicação desta estratégia seja encontrada uma solução melhor que a melhor já obtida, o procedimento de Reconexão é abortado.

Cada iteração da Reconexão por Caminhos consiste em incluir na solução inicial (solução base), um atributo da solução guia. O atributo escolhido para ser inserido é aquele que produz na solução base o melhor valor para a função de avaliação. A seguir, à solução com o atributo inserido é aplicada uma busca local que não altere os atributos herdados, no caso, uma descida completa utilizando o movimento *Shift*. Foi considerado como atributo a

ser herdado pela solução base, a posição de determinado cliente no vetor referente à solução guia. Este procedimento é repetido até que as soluções tenham as mesmas configurações.

4 Resultados

O algoritmo GENILS-TS-CL-PR foi codificado em C++ usando o compilador Visual C++ 2005. Para testá-lo, foi usado um microcomputador com processador Intel *Core* 2 *Quad*, 1,66 GHz e 4 GB de memória RAM e sistema operacional Windows Vista. Apesar de o microcomputador possuir quatro núcleos, o algoritmo proposto não explora multiprocessamento.

Para validá-lo, foram usados 40 problemas-teste de Dethloff (2001); 14 de Salhi e Nagy (1999) e 18 de Montané e Galvão (2006). Os parâmetros adotados, obtidos experimentalmente em uma bateria preliminar de testes, foram os seguintes: TamListaTabu = 10, iterMaxTS = 300, iterMaxVND = 500 e maxIter = 10000.

Na Subseção 4.1, o algoritmo proposto é comparado com o algoritmo GENILS-TS de Silva et al. (2011), o qual não usa a estratégia de lista de candidatos e nem a Reconexão por Caminhos. Posteriormente, na Subseção 4.2, ele é comparado com os principais algoritmos da literatura.

4.1 GENILS-TS \times GENILS-TS-CL-PR

Apresenta-se, nesta Seção, a comparação entre os algoritmos GENILS-TS e GENILS-TS-CL-PR. O segundo é um aprimoramento do primeiro, e incorpora a Lista de Candidatos (3.6) e a Reconexão por Caminhos (3.10) com o objetivo de tentar diminuir o tempo de execução da versão GENILS-TS, mantendo-se a qualidade das soluções geradas.

As Tabelas 1, 2 e 3 comparam os resultados dos algoritmos analisados nos três conjuntos de instâncias utilizadas. Nestas tabelas, a primeira coluna representa o problemateste e a segunda o melhor resultado da literatura. As colunas *Melhor* e *Média* apresentam, respectivamente, o melhor resultado de cada algoritmo e a média referente ao resultado encontrado pelo algoritmo nas 30 execuções. Já a coluna *Desv*^{Avg} apresenta o desvio percentual do valor das soluções médias em relação ao melhor resultado da literatura, calculado pela equação (4). A coluna *Desv*^{Best} apresenta o desvio percentual do melhor resultado encontrado pelo algoritmo em relação ao melhor conhecido na literatura, sendo calculado pela Equação (5). A coluna *Tempo* apresenta o tempo médio das 30 execuções em segundos.

$$Desv^{Avg} = \frac{\textit{M\'edia} - \textit{Melhor Lit.}}{\textit{Melhor Lit.}} \times 100 \tag{4}$$

$$Desv^{Best} = \frac{Melhor - Melhor Lit.}{Melhor Lit.} \times 100$$
 (5)

Avaliando as Tabelas 1, 2 e 3, em que são apresentados os resultados dos algoritmos nos problemas-teste de Dethloff (2001), Salhi e Nagy (1999) e Montané e Galvão (2006), respectivamente, observa-se que o GENILS-TS-CL-PR requer um menor tempo de processamento quando comparado com o do algoritmo GENILS-TS, sem com isso deixar de alcançar as melhores soluções. Além disso, o GENILS-TS-CL-PR gera soluções finais com menor variabilidade sobre os valores médios, em vista de o $Desv^{Avg}$ ser menor.

24 a 28/09

Rio de Janeiro

Brasil - 2012

Tabela 1. GENILS-TS × GENILS-TS-CL-PR nos problemas-teste de Dethloff (2001)

Problema MelhorLit GENILS-TS							GENILS-TS-CL-PR						
- I Obicilia	- Melhor Média $Desv^{Avg}Desv^{Be}$					Tompo(s)	Molher		$Desv^{Best}$	Tompo(s)			
SCA3-0	635,62	635,62	635,62	0,00	0.00	10,32	635,62	635,62	0,00	0,00	0,74		
SCA3-0	697,84		697,84	0,00	0,00	13,30	697,84		0,00	0,00	6,80		
SCA3-2	659,34	659,34	659,34	0,00	0,00	9,31	659,34	659,34	0,00	0,00	5,06		
SCA3-3	680,04	680,04	680,04	0,00	0,00	10,29	680,04	680,04	0,00	0,00	0,29		
SCA3-4	690,50	690,50	690,50	0,00	0,00	12,23	690,50	690,50	0,00	0,00	12,02		
SCA3-5	659,90	659,90	659,90	0,00	0,00	15,21	659,90	659,90	0,00	0,00	1,11		
SCA3-6	651,09	651,09	651,09	0,00	0,00	13,41	651,09	651,09	0,00	0,00	1,12		
SCA3-7	659,17	659,17	659,17	0,00	0,00	10,25	659,17	659,17	0,00	0,00	1,47		
SCA3-8	719,48	719,48	719,48	0,00	0,00	21,17	719,48	719,48	0,00	0,00	1,17		
SCA3-9	681,00	681,00	681,00	0,00	0,00	16,17	681,00	681,00	0,00	0,00	5,18		
SCA8-0	961,50	961,50	961,50	0,00	0,00	19,65	961,50	961,50	0,00	0,00	3,65		
SCA8-1	1049,65	1049,65	1049,65	0,00	0,00	11,81	1049,65	1049,65	0,00	0,00	3,81		
SCA8-2	/	1039,64		0,00	0,00	9,27		1039,64	0,00	0,00	1,27		
SCA8-3	983,34	983,34	983,34	0,00	0,00	15,17	983,34	983,34	0,00	0,00	2,20		
SCA8-4	1065,49	1065,49	1065,49	0,00	0,00	10,26		1065,49	0,00	0,00	3,26		
SCA8-5			1027,08		0,00	11,21		1027,08	0,00	0,00	0,21		
SCA8-6	971,82	971,82	/	0,00	0,00	18,13	971,82		0,00	0,00	4,13		
SCA8-7	1051,28		1051,28		0,00	12,26		1051,28	0,00	0,00	3,26		
SCA8-8	1071,18		1071,18		0,00	10,07		1071,18	0,00	0,00	0,75		
SCA8-9			1060,50		0,00	10,55		1060,50	0,00	0,00	0,55		
CON3-0	616,52	,	616,52	0,00	0,00	11,49		616,52	0,00	0,00	0,49		
CON3-1	554,47	554,47	554,47	0,00	0,00	10,36	554,47	554,47	0,00	0,00	0,84		
CON3-2	518,00	518,00		0,00	0,00	15,11	518,00	518,00	0,00	0,00	2,11		
CON3-3	591,19	591,19	591,19	0,00	0,00	20,30	591,19	591,19	0,00	0,00	0,30		
CON3-4	588,79	588,79	588,79	0,00	0,00	15,62	588,79	588,79	0,00	0,00	0,62		
CON3-5	563,70	563,70	563,70	0,00	0,00	21,70	563,70	563,70	0,00	0,00	0,70		
CON3-6	499,05	499,05	499,05	0,00	0,00	14,39	499,05	499,05	0,00	0,00	0,39		
CON3-7	576,48	576,48	,	0,00	0,00	12,51	576,48	576,48	0,00	0,00	1,51		
CON3-8	523,05	523,05	523,05	0,00	0,00	11,10	523,05	523,05	0,00	0,00	0,14		
CON3-9	578,25	578,25		0,00	0,00	21,25	578,25	578,25	0,00	0,00	1,25		
CON8-0	857,17	857,17	857,17	0,00	0,00	10,43	857,17	857,17	0,00	0,00	0,55		
CON8-1	740,85	740,85	740,85	0,00	0,00	13,60	740,85	740,85	0,00	0,00	1,60		
CON8-2	712,89	712,89	712,89	0,00	0,00	10,05	712,89	712,89	0,00	0,00	0,52		
CON8-3	811,07	811,07	811,07	0,00	0,00	14,24	811,07	811,07	0,00	0,00	1,24		
CON8-4	772,25	772,25	772,25	0,00	0,00	8,17	772,25	772,25	0,00	0,00	0,31		
CON8-5	754,88	754,88	754,88	0,00	0,00	11,49	754,88	754,88	0,00	0,00	0,49		
CON8-6	678,92	678,92	678,92	0,00	0,00	17,08	678,92	678,92	0,00	0,00	1,53		
CON8-7	811,96	811,96	811,96	0,00	0,00	10,03	811,96	811,96	0,00	0,00	1,62		
CON8-8	767,53	767,53	767,53	0,00	0,00	19,36	767,53	767,53	0,00	0,00	3,36		
CON8-9	809,00	809,00	809,00	0,00	0,00	16,25	809,00	809,00	0,00	0,00	2,47		
Média	-	-	-	0,00	0,00	13,61	-	-	0,00	0,00	2,00		

4.2 GENILS-TS-CL-PR × algoritmos da literatura

Nesta Seção são mostrados os resultados da comparação entre o algoritmo GENILS-TS-CL e outros três algoritmos da literatura: o algoritmo evolutivo de Zachariadis et al. (2010), o algoritmo PILS-RVND paralelo de Subramanian et al. (2010) (que usa 256 núcleos de processamento) e o GENILS de Mine et al. (2010). Os algoritmos de Zachariadis et al. (2010) e Mine et al. (2010) são, de nosso conhecimento, os melhores algoritmos sequenciais conhecidos, enquanto o de Subramanian et al. (2010) é o melhor algoritmo encontrado para o PRVCES.

A Tabela 4 mostra os resultados alcançados pelo algoritmo proposto e os três algoritmos da literatura acima citados nos três conjuntos de problemas-teste. Nesta Tabela, a coluna "# Prob." indica a quantidade de problemas-teste que fazem parte de cada um dos conjuntos de Dethloff (2001), Salhi e Nagy (1999) e Montané e Galvão (2006). As colunas "Média $Desv^{Best}$ " e "# sol." correspondem, respectivamente, à média dos $Desv^{Best}$ de cada conjunto de problemas-teste analisado e a quantidade de soluções encontradas por



Tabela 2. GENILS-TS × GENILS-TS-CL-PR nos problemas-teste de Salhi e Nagy (1999)

Problema	MelhorLit		GENILS-			GENILS-TS-CL-PR					
-	-	Melhor	Média	$Desv^{Avg}$	$Desv^{Best}$	Tempo(s)	Melhor	Média	$Desv^{Avg}$	$Desv^{Best}$	Tempo(s)
CMT1X	466,77	466,77	472,23	1,17	0,00	2,25	466,77	471,08	0,92	0,00	7,28
CMT1Y	466,77	466,77	472,23	1,17	0,00	62,20	466,77	472,01	1,12	0,00	41,33
CMT2X	668,77	684,11	693,40	3,68	2,29	127,97	684,11	688,40	0,63	2,29	112,03
CMT2Y	663,25	684,11	693,40	4,55	3,15	132,64	684,11	695,11	1,61	3,15	92,15
CMT3X	721,27	721,27	726,34	0,70	0,00	265,77	721,27	727,06	0,80	0,00	213,87
CMT3Y	721,27	721,27	730,56	1,29	0,00	256,88	721,27	731,32	1,39	0,00	207,21
CMT12X	644,70	662,22	666,77	3,42	2,72	269,68	662,22	666,79	0,69	2,72	191,56
CMT12Y	659,52	662,22	673,91	2,18	0,41	208,54	662,22	673,91	1,76	0,41	90,19
CMT11X	833,92	833,92	867,96	4,08	0,00	416,26	833,92	867,95	4,08	0,00	318,81
CMT11Y	830,39	833,92	856,32	3,12	0,43	488,47	833,92	856,41	2,70	0,43	618,36
CMT4X	852,46	852,46	865,03	1,47	0,00	858,95	852,46	865,28	1,50	0,00	698,12
CMT4Y	852,35	855,52	866,06	1,61	0,37	406,01	855,52	866,11	1,24	0,37	376,54
CMT5X	1029,25	1030,50	1052,67	2,28	0,12	1655,14	1030,50	1052,71	2,16	0,12	1136,65
CMT5Y	1029,25	1030,50	1053,73	2,38	0,12	790,88	1030,50	1053,98	2,28	0,12	708,21
Média	-	-	-	2,36	0,69	424,40	-	-	1,63	0,69	343,74

Tabela 3. GENILS-TS × GENILS-TS-CL-PR nos problemas-teste de Montané e Galvão (2006)

Tabe	ia J. GLIV	ILO-10	^ GLIN	nas-leste de Montane e Garvao (2006)							
Problema	MelhorLit			GENILS-	GENILS-TS-CL-PR						
-	-	Melhor	Média	$Desv^{Avg}$	$Desv^{Best}$	Tempo(s)	Melhor	Média	$Desv^{Avg}$	$Desv^{Best}$	Tempo(s)
r101	1009,95	1009,95	1013,71	0,37	0,00	208,56	1009,95	1012,71	0,27	0,00	199,98
r201	666,20	666,20	666,81	0,09	0,00	165,84	666,20	666,81	0,09	0,00	182,67
c101	1220,18	1220,18	1222,81	0,22	0,00	203,19	1220,18	1222,81	0,22	0,00	234,43
c201	662,07	662,07	664,31	0,34	0,00	91,87	662,07	664,31	0,34	0,00	96,31
rc101	1059,32	1059,32	1064,49	0,49	0,00	93,86	1059,32	1062,97	0,34	0,00	88,12
rc201	672,92	672,92	677,49	0,68	0,00	189,50	672,92	677,49	0,68	0,00	213,67
r1_2_1	3357,64	3357,64	3450,31	2,76	0,00	890,19	3357,64	3459,12	3,02	0,00	610,83
r2_2_1	1665,58	1665,58	1670,35	0,29	0,00	1038,79	1665,58	1667,44	0,11	0,00	1087,32
c1_2_1	3629,89	3634,65	3657,16	0,75	0,13	800,47	3634,65	3652,16	0,48	0,13	789,04
c2_2_1	1726,59	1726,58	1745,10	1,07	0,00	773,48	1726,58	1745,10	1,07	0,00	854,12
rc1_2_1	3306,00	3312,92	3327,22	0,64	0,21	977,57	3312,92	3327,22	0,43	0,21	872,98
rc2_2_1	1560,00	1560,00	1584,84	1,59	0,00	914,61	1560,00	1584,84	1,59	0,00	109,54
r1_4_1	9605,75	9627,88	9706,91	1,05	0,23	5415,90	9627,88	9706,91	0,82	0,23	2897,99
r2_4_1	3551,38		3612,11	1,71	0,86	4027,96	3582,08	3599,11	0,48	0,86	2160,21
c1_4_1	11098,21	11098,21	11133,59	0,32	0,00	3757,66	11098,21	11133,59	0,32	0,00	3876,82
c2_4_1	3546,10	3592,71	3617,86	2,02	1,31	3293,82	3592,71	3617,86	0,70	1,31	2790,21
rc1_4_1	9535,46	9535,46	9638,30	1,08	0,00	6004,00	9535,46	9638,30	1,08	0,00	5789,21
rc2_4_1	3403,70	3419,76	3502,01	2,89	0,47	3600,39	3419,76	3477,01	1,67	0,47	3976,76
Média	-\			1,02	0,18	1802,65	-	-	0,76	0,18	1490,57

cada algoritmo iguais aos melhores conhecidos na literatura. O detalhamento dos dados analisados podem ser observados pelas Tabelas 1, 2 e 3.

Tabela 4. GENILS-TS-CL-PR imes melhores algoritmos da literatura

Conjunto			Subram	anian et al. (2010)	Mine	et al.(2010)	GENILS-TS-CL-PR	
de				Média		Média		Média
# Prob.	# sol.	Desv^{Best}	# sol.	Desv^{Best}	# sol.	Desv^{Best}	# sol.	Desv^{Best}
40	40	0	40	0	40	0	40	0
14	4	0,76	8	0,65	4	0,94	6	0,69
18	8	0,31	15	0,01	12	0,19	12	0,18
1	40 14	# Prob. # sol. 40 40 14 4			$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	# Prob. # sol. $\frac{\text{Desv}^{Best}}{40}$ # sol. $\frac{\text{Desv}^{Bes$

Na Tabela 4 observa-se que nos problemas-teste de Dethloff (2001) todos os algoritmos obtiveram desempenho semelhante, encontrando sempre o melhor resultado conhecido. Já nos conjuntos de problemas-teste de Salhi e Nagy (1999) e Montané e Galvão (2006), observou-se a superioridade do GENILS-TS-CL-PR frente aos algoritmos de Zachariadis et al. (2010) e Mine et al. (2010) em termos de qualidade da solução, já que em todos eles o algoritmo proposto sempre encontra um maior número de melhores soluções, além de ter uma menor variabiliade nos melhores valores, uma vez que a média dos desvios

é menor. Por outro lado, o algoritmo PILS-RVND paralelo de Subramanian et al. (2010) superou todos os demais algoritmos em todos os conjuntos de problemas-teste analisados, pois encontrou soluções melhores com menor variabilidade.

5 Conclusões

Este trabalho teve seu foco no Problema de Roteamento de Veículos com Coleta e Entrega Simultânea (PRVCES). Dada sua dificuldade de resolução em tempos computacionais aceitáveis no caso geral, foi desenvolvido um algoritmo heurístico que combina os procedimentos Inserção Mais Barata Rota a Rota, Inserção Mais Barata com Múltiplas Rotas, GENIUS, *Iterated Local Search* (ILS), *Variable Neighborhood Descent*, Busca Tabu e Reconexão por Caminhos. Os três primeiros procedimentos são usados para gerar uma solução inicial, que é refinada a seguir pelo ILS. O ILS, por sua vez, tem suas buscas locais feitas pelo VND e pela Busca Tabu. Além, disso, o algoritmo proposto, denominado GENILS-TS-CL-PR, utiliza uma Lista de Candidatos na fase de refinamento com o objetivo de reduzir o número de soluções não promissoras analisadas.

Uma bateria de testes foi feita para verificar a influência da inserção da Lista de Candidatos e da Reconexão por Caminhos no algoritmo GENILS-TS. Por esses experimentos pode-se observar que o algoritmo GENILS-TS-CL-PR requereu um menor tempo de processamento, manteve a capacidade de encontrar as melhores soluções e, além disso, diminuiu a variabilidade das soluções finais geradas, tanto para os melhores valores quanto para os valores médios.

Em seguida, o algoritmo proposto foi comparado com outros três algoritmos da literatura. O algoritmo de Subramanian et al. (2010) foi, claramente, o de melhor desempenho. Entretanto, ele utiliza 256 núcleos de processamento para explorar o espaço de soluções, enquanto os demais usam apenas um. O GENILS-TS-CL-PR, por sua vez, teve o segundo melhor desempenho, em termos de desvio médio e quantidade de melhores soluções, superando, desta forma, os algoritmos sequenciais de Zachariadis et al. (2010) e Mine et al. (2010). Os resultados obtidos validam, portanto, esta proposta.

Como trabalhos futuros, sugere-se analisar a introdução de outras estratégias de Lista de Candidatos, que possam excluir do espaço de busca uma maior quantidade de soluções sem prejuíizo para a obtenção de soluções de boa qualidade, assim como paralelizar o algoritmo, aproveitando os núcleos de processamento existentes nas máquinas atuais.

Agradecimentos

Os autores agradecem à CAPES, ao CNPq e à FAPEMIG pelo apoio ao desenvolvimento deste trabalho.

Referências

Dantzig, George B. e Ramser, J. H. (1959). The truck dispatching problem. *Management Science*, v. 6, p. 80–91.

Dethloff, Jan. (2001). Vehicle routing and reverse logistics: the vehicle routing problem with simultaneous delivery and pick-up. *OR Spektrum*, v. 23, p. 79–96.

Gendreau, M.; Hertz, A. e Laporte, G. (1992). New insertion and post optimization procedures or the traveling salesman problem. *Operations Research*, v. 40, p. 1086–1094.



- Glover, Fred e Laguna, Manuel. (1997). *Tabu Search*. Kluwer Academic Publisher, Boston. Min, H. (1989). The multiple vehicle routing problem with simultaneous delivery and pick-up points. *Transportation Research A*, v. 23, n. 5, p. 377–386.
- Mine, Marcio T.; Silva, M. S. A.; Ochi, L. S. e Souza, M. J. F. (2010). O problema de roteamento de veículos com coleta e entrega simultânea: uma abordagem via iterated local search e genius. *Transporte em transformação XIV: trabalhos vencedores do prêmio CNT de Produção Acadêmica 2009*, p. 59–78. Editora Positiva, Brasília.
- Montané, Fermín Alfredo Tang e Galvão, Roberto Diéguez. (2006). A tabu search algorithm for the vehicle routing problem with simultaneous pick-up and delivery service. *Computers and Operations Research*, v. 33, n. 3, p. 595–619. ISSN 0305-0548. doi: http://dx.doi.org/10.1016/j.cor.2004.07.009.
- Rego, C. e Roucairol, C. (1996). *Meta-Heuristics Theory and Applications*, Capítulo A Parallel Tabu Search Algorithm Using Ejection Chains for the Vehicle Routing Problem, p. 661–675. Kluwer Academic Publisher, Boston.
- Salhi, S. e Nagy, G. (1999). A cluster insertion heuristic for single and multiple depot vehicle routing problems with backhauling. *Journal of the Operational Research Society*, v. 50, p. 1034–1042.
- Silva, T. C. B.; Cruz, R. C.; Mine, M. T.; Souza, M. J. F. e Santinanez, E. R. (2011). Genils-ts: um algoritmo heurístico híbrido para resolução do problema de roteamento de veículos com coleta e entrega simultânea. *Simpósio Brasileiro de Pesquisa Operacional*, v. 1, p. 1883–1894.
- Subramanian, A.; Drummond, L. M. A.; Bentes, C.; Ochi, L. S. e Farias, R. (2010). A parallel heuristic for the vehicle routing problem with simultaneous pickup and delivery. *Computers and Operations Research*, v. 37, p. 1899–1911.
- Subramanian, Anand. (2008). Metaheurística Iterated Local Search aplicada ao problema de roteamento de veículos com coleta e entrega simultânea. Dissertação de mestrado, Programa de Pós-Graduação em Ciência da Computação, UFPB, João Pessoa.
- Voudouris, Chris e Tsang, Edward. (1996). Partial constraint satisfaction problems and guided local search. *In The Second International Conference on the Practical Application of Constraint Technology (PACT'96)*, p. 337–356, (1996).
- Zachariadis, Emmanouil E.; Tarantilis, Christos D. e Kiranoudis, Chris T. (2009). A hybrid metaheuristic algorithm for the vehicle routing problem with simultaneous delivery and pick-up service. *Expert Systems with Applications*, v. 36, n. 2, p. 1070–1081. ISSN 0957-4174. doi: http://dx.doi.org/10.1016/j.eswa.2007.11.005.
- Zachariadis, Emmanouil E.; Tarantilis, Christos D. e Kiranoudis, Chris T. (2010). An adaptive memory methodology for the vehicle routing problem with simultaneous pickups and deliveries. *European Journal of Operational Research*, v. 202, p. 401–411.