

BCC 201 - Introdução à Programação I

Procedimentos e Funções II

Guillermo Cámar-Chávez
UFOP

Sub-algoritmos I

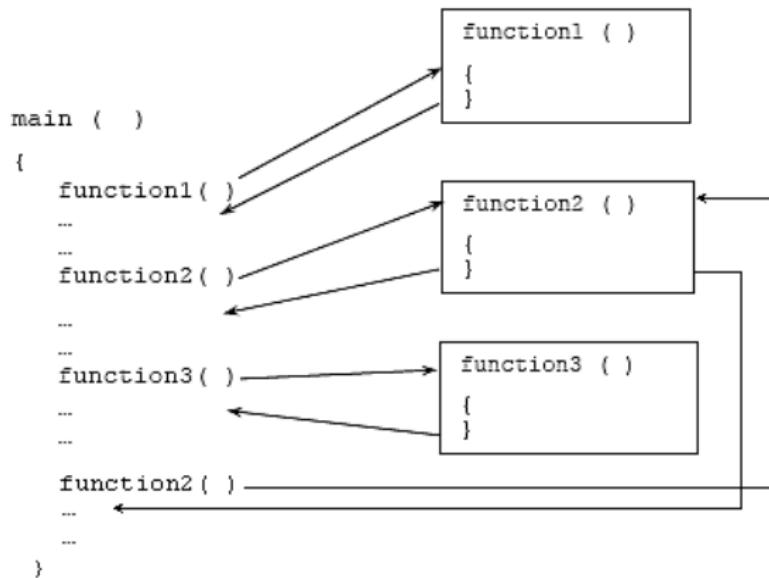
- ▶ Sub-algoritmos são **blocos de instruções** que realizam **tarefas específicas**
- ▶ O código de um sub-algoritmo é **carregado uma vez** e pode ser **executado quantas vezes for necessário**
- ▶ Assim, os **programas** tendem a **ficar menores e mais organizados**, uma vez que o problema pode ser dividido

Sub-algoritmos II

- ▶ Em geral, um **programa é executado linearmente**, uma linha após a outra, até o fim
- ▶ Entretanto, quando são utilizados sub-algoritmos, é possível a realização de desvios na execução natural dos programas
- ▶ Assim, um programa é executado linearmente até a chamada de um sub-algoritmo
- ▶ Com a chamada, o programa chamador é temporariamente suspenso e o controle é passado para o sub-algoritmo que é executado

Sub-algoritmos III

- Ao terminar o sub-algoritmo, o controle retorna para o programa chamador



Sub-algoritmos IV

- ▶ Tipos de Sub-algoritmos:
 - ▶ Funções (functions)
 - ▶ Procedimentos (procedures)

Funções I

- ▶ É comum encontrar-se nas linguagens de programação, várias funções embutidas, por exemplo, sin (seno), cos (cosseno), abs (valor absoluto), sqrt (raíz quadrada)
- ▶ Funções embutidas podem ser utilizadas diretamente em expressões. Por exemplo, o comando:
 - ▶ `hipotenusa = sqrt(pow(cateto1,2) + pow(cateto2,2));`
 - ▶ calcula a hipotenusa de um triângulo retângulo como a raíz quadrada da soma dos quadrados dos dois catetos.

Funções II

- ▶ Essas funções são utilizadas em expressões como se fossem simplesmente variáveis comuns
- ▶ Como variáveis comuns, as funções têm (ou retornam) um único valor

Chamada da função
`z = soma (a, b);`

A variável recebe o valor retornado pela função

Funções III

- É responsabilidade do programador fornecer o argumento (ou parâmetro) particular necessário para a função efetuar seus cálculos
- Por exemplo, a função soma tem como parâmetro dois números, retornando um valor também numérico

```
int soma (int a, int b)
{
    int c;
    c = a + b;
    return c;
}
```

Diagrama explicativo da função soma:

- Tipo de dado retornado: Aponta para o tipo de retorno `int`.
- Argumentos ou parâmetros de entrada: Aponta para os parâmetros `a` e `b`.
- Variável local: Aponta para a variável `c`, que é criada dentro da função.
- Valor retornado: Aponta para a linha `return c;`, que indica o resultado da função.

Funções IV

- ▶ A utilização de funções afeta o fluxo de controle num programa
- ▶ Quando uma função é chamada, o controle passa para as instruções que definem a função
- ▶ Após a execução da função com os parâmetros fornecidos, o controle retorna ao ponto de chamada da função, com o valor calculado na função

Funções V

```
cin >> a >>b;
```

```
r = sqrt(a) + pow(b, 2);
```

```
cout << r;
```

sqrt(num)

pow(base,exp)

Funções VI

O controle é transferido para a função sqrt

```
cin >> a >>b;
```

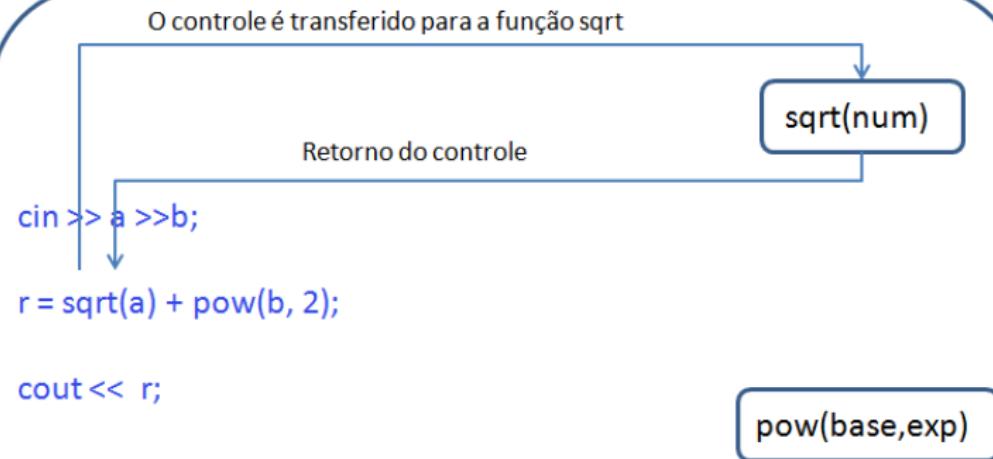
```
r = sqrt(a) + pow(b, 2);
```

```
cout << r;
```

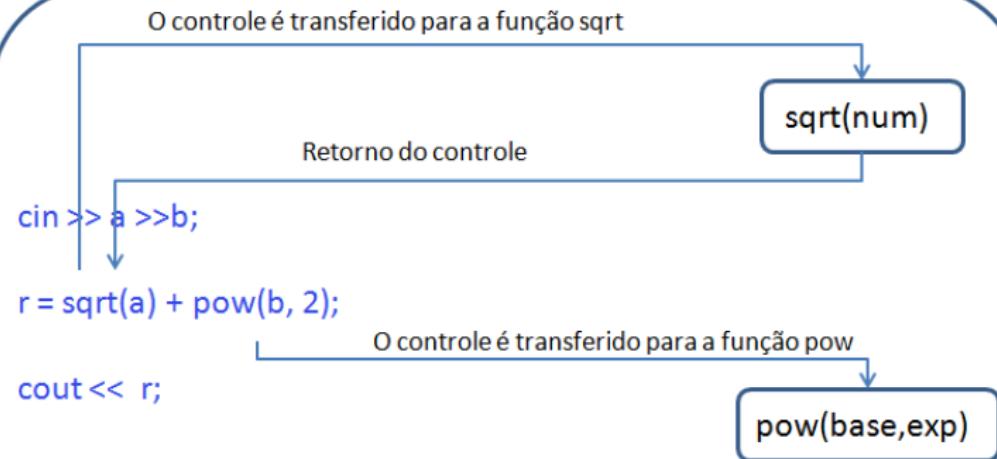
sqrt(num)

pow(base,exp)

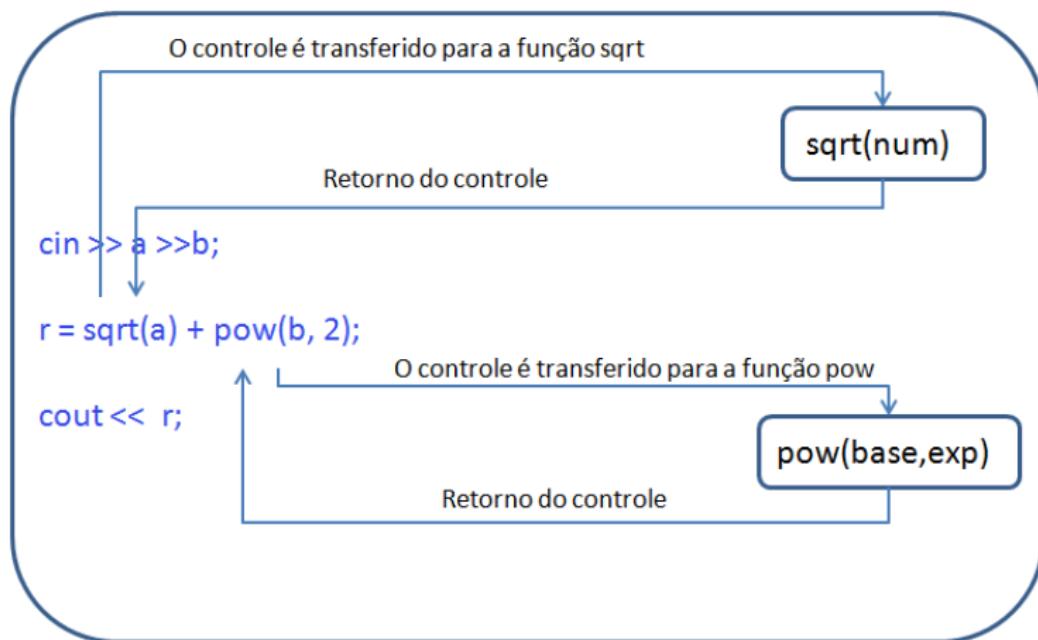
Funções VII



Funções VIII



Funções IX



Funções X

- ▶ Em algumas situações, o programador gostaria de utilizar (definir) novas funções
- ▶ Por analogia, na Matemática, escreve-se (ou define-se) uma função numa forma geral, por exemplo:
 - ▶ $f(x) = x^2 - 3x + 2$ (Definição da função f)
- ▶ Esta função f foi definida em termos do parâmetro x . Para saber o valor da função para um valor particular do argumento x , por exemplo, $x = 3$, basta substituir este valor onde aparece o parâmetro x :
 - ▶ $f(3) = 3^2 - 3(3) + 2 = 2$ ("Ativação" da função)
 - ▶ $f(1) = 1^2 - 3(1) + 2 = 0$
 - ▶ $f(-1) = (-1)^2 - 3(-1) + 2 = 6$

Funções XI

- ▶ Uma vez definida a nova função, ela pode ser utilizada sempre que necessária, mesmo dentro de outras (novas) funções
- ▶ Como na Matemática, os parâmetros podem ser nomeados livremente
- ▶ Por exemplo, são equivalentes as funções
 - ▶ $f(x) = x^2 - 3x + 2$
 - ▶ $f(y) = y^2 - 3y + 2$
- ▶ O nome da função é definido pelo programador e segue a mesma norma de formação de identificadores

Funções XII

- ▶ Funções podem ter mais de um parâmetro (argumento):
 - ▶ $g(x, y) = x^2 + y^3$
 - ▶ g possui 2 parâmetros
 - ▶ $h(x, y, z) = x^2 + 2y + z^2$
 - ▶ h possui 3 parâmetros
- ▶ Pode-se avaliar cada uma dessas funções de forma análoga:
 - ▶ $g(3, 2) = 3^2 + 2^3 = 9 + 8 = 17$
 - ▶ $h(1, 3, 2) = 1^2 + 2(3) + 2^2 = 1 + 6 + 4 = 11$
- ▶ Notar a correspondência estabelecida entre os parâmetros da definição da função e os parâmetros de ativação (ou execução) da função
- ▶ No caso da função g , 3 é substituído para cada ocorrência de x e 2 é substituído para cada ocorrência de y . Essa ordem é fundamental, pois $g(3, 2)$ não é o mesmo que $g(2, 3)$

Exercícios I

Encontrar o máximo elemento entre dois números inteiros

Exercícios II

```
int Maximo(int , int );
int main(){
    int num1, num2;
    cout << "Inserir dois numeros";
    cin >> num1 << num2;
    cout << "O maior entre " << num1 << " e "
        << num2 << " eh " << Maximo(num1, num2);
    return 0;
}
int Maximo(int a, int b)
{
    if (a > b)
        return a;
    else
        return b;
}
```

Exercícios III

Calcular o máximo de 3 número, utilizar a função já implementada para encontrar o máximo de dois números

Exercícios IV

```
int Maximo(int , int );
int Maximo3(int , int , int );
int main(){
    int num1, num2, num3;
    cout << "Inserir tres numeros";
    cin >> num1 >> num2 >> num3;
    cout << "O maior entre " << num1 << "," << num2
        << " e " << num3 << " eh "
        << Maximo3(num1, num2, num3);
    return 0;
}
int Maximo(int a, int b){
    if (a > b) return a;
    else return b;
}
int Maximo3(int a, int b, int c){
    return Maximo(a, Maximo(b,c));
}
```

Procedimentos I

- ▶ Em algumas situações desejamos especificar uma operação que não é convenientemente determinada como parte de uma expressão
- ▶ Nesses casos, utilizamos outra forma de sub-algoritmo: o procedimento

Procedimentos II

- ▶ Embora a função e o procedimento sejam similares, existem duas diferenças importantes:
 - ▶ Numa chamada de procedimento, a execução do programa que o chamou é interrompida, passando o controle ao procedimento chamado. Após a execução do procedimento, o controle retorna ao programa chamador no comando imediatamente subsequente. A execução do programa continua a partir desse ponto.
 - ▶ Não existe retorno de um único valor como no caso da função. Qualquer valor a ser retornado por um procedimento volta através de seus parâmetros

Procedimentos III

Divide()

```
cin >> a >> b;
```

```
Divide(a, b);
```

```
C = 0;
```

Procedimentos IV

O controle é transferido para a procedimento Divide()

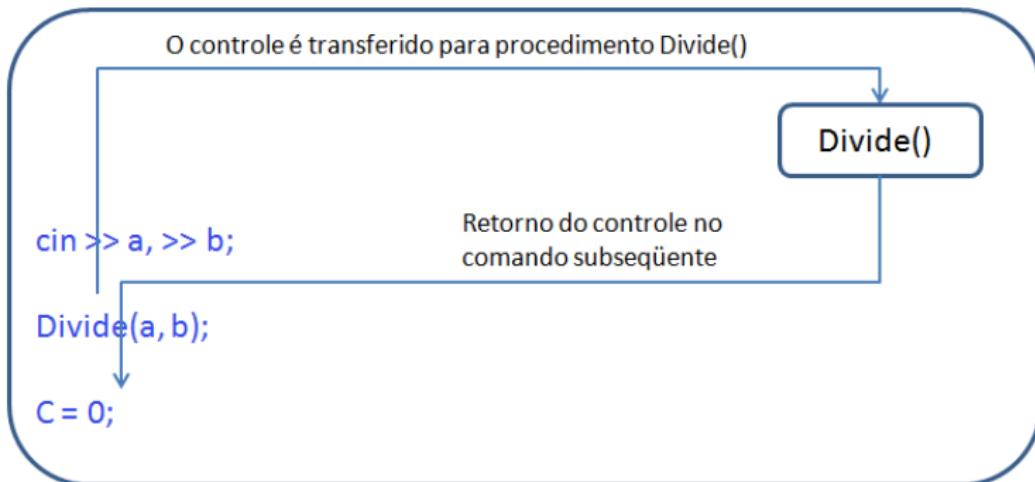
Divide()

cin >> a, >> b;

Divide(a, b);

C = 0;

Procedimentos V



Procedimentos VI

Criar um procedimento que calcule a divisão de dois números.
Mostrar o resultado dentro do procedimento

Procedimentos VII

```
void divide(double , double );
int main(){
    double num1, num2;
    cout << "Inserir dois números";
    cin >> num1 >> num2;
    divide(num1, num2);
    return 0;
}
void divide(double a, double b)
{
    if (b != 0)
        cout << "Resultado: " << a/b;
    else
        cout << "Não foi possível realizar a divisão";
}
```

Procedimentos VIII

Dados dois números naturais m e n e duas sequências ordenadas com m e n números inteiros, obter uma única sequência ordenada contendo todos os elementos das sequências originais sem repetição.

Implementar a função que:

1. combina os vetores ordenados

Implementar os procedimentos que:

1. insere dados em um vetor
2. ordena um vetor, e
3. imprime o conteúdo de um vetor

Procedimentos IX

A	<table border="1"><tr><td>3</td><td>4</td><td>8</td><td>10</td><td>20</td><td>21</td></tr></table>	3	4	8	10	20	21	<table border="1"><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr></table>	0	1	2	3	4	5
3	4	8	10	20	21									
0	1	2	3	4	5									
		 i												

Se $A[i] < B[j]$?

colocar $A[i]$ em $C[k]$

senão

Se $B[j] < A[i]$

colocar $B[j]$ em $C[k]$

senão (dois 2 são iguais)

colocar $B[j]$ ou $A[i]$ em $C[k]$

fim_se

fim_se

B	<table border="1"><tr><td>1</td><td>5</td><td>8</td><td>20</td><td>30</td><td>40</td></tr></table>	1	5	8	20	30	40	<table border="1"><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr></table>	0	1	2	3	4	5
1	5	8	20	30	40									
0	1	2	3	4	5									
		 j												

C	<table border="1"><tr><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr></table>												<table border="1"><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td><td>6</td><td>7</td><td>8</td><td>9</td><td>10</td><td>11</td></tr></table>	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11														
		 k																							

Procedimentos X

A	<table border="1"><tr><td>3</td><td>4</td><td>8</td><td>10</td><td>20</td><td>21</td></tr></table>	3	4	8	10	20	21	<table border="1"><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr></table>	0	1	2	3	4	5
3	4	8	10	20	21									
0	1	2	3	4	5									
		i												

Se $A[i] < B[j]$?

colocar $A[i]$ em $C[k]$

senão

Se $B[j] < A[i]$

colocar $B[j]$ em $C[k]$

senão (dois 2 são iguais)

colocar $B[j]$ ou $A[i]$ em $C[k]$

fim_se

fim_se

B	<table border="1"><tr><td>1</td><td>5</td><td>8</td><td>20</td><td>30</td><td>40</td></tr></table>	1	5	8	20	30	40	<table border="1"><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr></table>	0	1	2	3	4	5
1	5	8	20	30	40									
0	1	2	3	4	5									
		j												

C	<table border="1"><tr><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr></table>												<table border="1"><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td><td>6</td><td>7</td><td>8</td><td>9</td><td>10</td><td>11</td></tr></table>	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11														
		k																							

Procedimentos XI

A	<table border="1"><tr><td>3</td><td>4</td><td>8</td><td>10</td><td>20</td><td>21</td></tr></table>	3	4	8	10	20	21	<table border="1"><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr></table>	0	1	2	3	4	5
3	4	8	10	20	21									
0	1	2	3	4	5									
		i												

Se $A[i] < B[j]$?

colocar $A[i]$ em $C[k]$

senão

Se $B[j] < A[i]$

colocar $B[j]$ em $C[k]$

senão (dois 2 são iguais)

colocar $B[j]$ ou $A[i]$ em $C[k]$

fim_se

fim_se

B	<table border="1"><tr><td>1</td><td>5</td><td>8</td><td>20</td><td>30</td><td>40</td></tr></table>	1	5	8	20	30	40	<table border="1"><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr></table>	0	1	2	3	4	5
1	5	8	20	30	40									
0	1	2	3	4	5									
		j												

C	<table border="1"><tr><td>1</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr></table>	1											<table border="1"><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td><td>6</td><td>7</td><td>8</td><td>9</td><td>10</td><td>11</td></tr></table>	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
1																									
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11														
		k																							

Procedimentos XII

A	<table border="1"><tr><td>3</td><td>4</td><td>8</td><td>10</td><td>20</td><td>21</td></tr></table>	3	4	8	10	20	21	<table border="1"><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr></table>	0	1	2	3	4	5
3	4	8	10	20	21									
0	1	2	3	4	5									
		i												

Se $A[i] < B[j]$?

colocar $A[i]$ em $C[k]$

senão

Se $B[j] < A[i]$

colocar $B[j]$ em $C[k]$

senão (dois 2 são iguais)

colocar $B[j]$ ou $A[i]$ em $C[k]$

fim_se

fim_se

B	<table border="1"><tr><td>1</td><td>5</td><td>8</td><td>20</td><td>30</td><td>40</td></tr></table>	1	5	8	20	30	40	<table border="1"><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr></table>	0	1	2	3	4	5
1	5	8	20	30	40									
0	1	2	3	4	5									
		j												

C	<table border="1"><tr><td>1</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr></table>	1											<table border="1"><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td><td>6</td><td>7</td><td>8</td><td>9</td><td>10</td><td>11</td></tr></table>	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
1																									
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11														
		k																							

Procedimentos XIII

A	<table border="1"><tr><td>3</td><td>4</td><td>8</td><td>10</td><td>20</td><td>21</td></tr></table>	3	4	8	10	20	21	<table border="1"><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr></table>	0	1	2	3	4	5
3	4	8	10	20	21									
0	1	2	3	4	5									
		i												

Se $A[i] < B[j]$?

colocar $A[i]$ em $C[k]$

senão

Se $B[j] < A[i]$

colocar $B[j]$ em $C[k]$

senão (dois 2 são iguais)

colocar $B[j]$ ou $A[i]$ em $C[k]$

fim_se

fim_se

B	<table border="1"><tr><td>1</td><td>5</td><td>8</td><td>20</td><td>30</td><td>40</td></tr></table>	1	5	8	20	30	40	<table border="1"><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr></table>	0	1	2	3	4	5
1	5	8	20	30	40									
0	1	2	3	4	5									
		j												

C	<table border="1"><tr><td>1</td><td>3</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr></table>	1	3										<table border="1"><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td><td>6</td><td>7</td><td>8</td><td>9</td><td>10</td><td>11</td></tr></table>	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
1	3																								
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11														
		k																							

Procedimentos XIV

A	<table border="1"><tr><td>3</td><td>4</td><td>8</td><td>10</td><td>20</td><td>21</td></tr></table>	3	4	8	10	20	21	<table border="1"><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr></table>	0	1	2	3	4	5
3	4	8	10	20	21									
0	1	2	3	4	5									
		 i												

Se $A[i] < B[j]$?

colocar $A[i]$ em $C[k]$

senão

Se $B[j] < A[i]$

colocar $B[j]$ em $C[k]$

senão (dois 2 são iguais)

colocar $B[j]$ ou $A[i]$ em $C[k]$

fim_se

fim_se

B	<table border="1"><tr><td>1</td><td>5</td><td>8</td><td>20</td><td>30</td><td>40</td></tr></table>	1	5	8	20	30	40	<table border="1"><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr></table>	0	1	2	3	4	5
1	5	8	20	30	40									
0	1	2	3	4	5									
		 j												

C	<table border="1"><tr><td>1</td><td>3</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr></table>	1	3										<table border="1"><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td><td>6</td><td>7</td><td>8</td><td>9</td><td>10</td><td>11</td></tr></table>	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
1	3																								
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11														
		 k																							

Procedimentos XV

A	<table border="1"><tr><td>3</td><td>4</td><td>8</td><td>10</td><td>20</td><td>21</td></tr></table>	3	4	8	10	20	21	<table border="1"><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr></table>	0	1	2	3	4	5
3	4	8	10	20	21									
0	1	2	3	4	5									
		 i												

Se $A[i] < B[j]$?
colocar $A[i]$ em $C[k]$

senão

Se $B[j] < A[i]$
colocar $B[j]$ em $C[k]$
senão (dois 2 são iguais)
colocar $B[j]$ ou $A[i]$ em $C[k]$
fim_se
fim_se

B	<table border="1"><tr><td>1</td><td>5</td><td>8</td><td>20</td><td>30</td><td>40</td></tr></table>	1	5	8	20	30	40	<table border="1"><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr></table>	0	1	2	3	4	5
1	5	8	20	30	40									
0	1	2	3	4	5									
		 j												

C	<table border="1"><tr><td>1</td><td>3</td><td>4</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr></table>	1	3	4									<table border="1"><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td><td>6</td><td>7</td><td>8</td><td>9</td><td>10</td><td>11</td></tr></table>	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
1	3	4																							
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11														
		 k																							

Procedimentos XVI

A	<table border="1"><tr><td>3</td><td>4</td><td>8</td><td>10</td><td>20</td><td>21</td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr></table>	3	4	8	10	20	21	0	1	2	3	4	5	<p>i</p> 
3	4	8	10	20	21									
0	1	2	3	4	5									

Se $A[i] < B[j]$?
colocar $A[i]$ em $C[k]$

senão

Se $B[j] < A[i]$
colocar $B[j]$ em $C[k]$
senão (dois 2 são iguais)
colocar $B[j]$ ou $A[i]$ em $C[k]$
fim_se
fim_se

B	<table border="1"><tr><td>1</td><td>5</td><td>8</td><td>20</td><td>30</td><td>40</td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr></table>	1	5	8	20	30	40	0	1	2	3	4	5	<p>j</p> 
1	5	8	20	30	40									
0	1	2	3	4	5									

C	<table border="1"><tr><td>1</td><td>3</td><td>4</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td><td>6</td><td>7</td><td>8</td><td>9</td><td>10</td><td>11</td></tr></table>	1	3	4									0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	<p>k</p> 
1	3	4																							
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11														

Procedimentos XVII

A	<table border="1"><tr><td>3</td><td>4</td><td>8</td><td>10</td><td>20</td><td>21</td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr></table>	3	4	8	10	20	21	0	1	2	3	4	5	<p>i</p> <p>↑</p>
3	4	8	10	20	21									
0	1	2	3	4	5									

Se $A[i] < B[j]$?
colocar $A[i]$ em $C[k]$

senão

Se $B[j] < A[i]$
colocar $B[j]$ em $C[k]$
senão (dois 2 são iguais)
colocar $B[j]$ ou $A[i]$ em $C[k]$
fim_se
fim_se

B	<table border="1"><tr><td>1</td><td>5</td><td>8</td><td>20</td><td>30</td><td>40</td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr></table>	1	5	8	20	30	40	0	1	2	3	4	5	<p>j</p> <p>↑</p>
1	5	8	20	30	40									
0	1	2	3	4	5									

C	<table border="1"><tr><td>1</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td><td>6</td><td>7</td><td>8</td><td>9</td><td>10</td><td>11</td></tr></table>	1	3	4	5								0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	<p>k</p> <p>↑</p>
1	3	4	5																						
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11														

Procedimentos XVIII

A	<table border="1"><tr><td>3</td><td>4</td><td>8</td><td>10</td><td>20</td><td>21</td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr></table>	3	4	8	10	20	21	0	1	2	3	4	5	<p>i</p> <p>↑</p>
3	4	8	10	20	21									
0	1	2	3	4	5									

Se $A[i] < B[j]$?

colocar $A[i]$ em $C[k]$

senão

Se $B[j] < A[i]$

colocar $B[j]$ em $C[k]$

senão (dois 2 são iguais)

colocar $B[j]$ ou $A[i]$ em $C[k]$

fim_se

fim_se

B	<table border="1"><tr><td>1</td><td>5</td><td>8</td><td>20</td><td>30</td><td>40</td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr></table>	1	5	8	20	30	40	0	1	2	3	4	5	<p>j</p> <p>↑</p>
1	5	8	20	30	40									
0	1	2	3	4	5									

C	<table border="1"><tr><td>1</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td><td>6</td><td>7</td><td>8</td><td>9</td><td>10</td><td>11</td></tr></table>	1	3	4	5								0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	<p>k</p> <p>↑</p>
1	3	4	5																						
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11														

Procedimentos XIX

A	<table border="1"><tr><td>3</td><td>4</td><td>8</td><td>10</td><td>20</td><td>21</td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr></table>	3	4	8	10	20	21	0	1	2	3	4	5	<p>i</p> <p>↑</p>
3	4	8	10	20	21									
0	1	2	3	4	5									

Se $A[i] < B[j]$?
colocar $A[i]$ em $C[k]$

senão

Se $B[j] < A[i]$
colocar $B[j]$ em $C[k]$
senão (dois 2 são iguais)
colocar $B[j]$ ou $A[i]$ em $C[k]$
fim_se
fim_se

B	<table border="1"><tr><td>1</td><td>5</td><td>8</td><td>20</td><td>30</td><td>40</td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr></table>	1	5	8	20	30	40	0	1	2	3	4	5	<p>j</p> <p>↑</p>
1	5	8	20	30	40									
0	1	2	3	4	5									

C	<table border="1"><tr><td>1</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td><td>8</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td><td>6</td><td>7</td><td>8</td><td>9</td><td>10</td><td>11</td></tr></table>	1	3	4	5	8							0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	<p>k</p> <p>↑</p>
1	3	4	5	8																					
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11														

Procedimentos XX

A	<table border="1"><tr><td>3</td><td>4</td><td>8</td><td>10</td><td>20</td><td>21</td></tr></table>	3	4	8	10	20	21	<table border="1"><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr></table>	0	1	2	3	4	5
3	4	8	10	20	21									
0	1	2	3	4	5									
		↑ i												

Se $A[i] < B[j]$?
colocar $A[i]$ em $C[k]$

senão

Se $B[j] < A[i]$
colocar $B[j]$ em $C[k]$
senão (dois 2 são iguais)
colocar $B[j]$ ou $A[i]$ em $C[k]$
fim_se
fim_se

B	<table border="1"><tr><td>1</td><td>5</td><td>8</td><td>20</td><td>30</td><td>40</td></tr></table>	1	5	8	20	30	40	<table border="1"><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr></table>	0	1	2	3	4	5
1	5	8	20	30	40									
0	1	2	3	4	5									
		↑ j												

C	<table border="1"><tr><td>1</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td><td>8</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr></table>	1	3	4	5	8							<table border="1"><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td><td>6</td><td>7</td><td>8</td><td>9</td><td>10</td><td>11</td></tr></table>	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
1	3	4	5	8																					
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11														
		↑ k																							

Procedimentos XXI

A	<table border="1"><tr><td>3</td><td>4</td><td>8</td><td>10</td><td>20</td><td>21</td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr></table>	3	4	8	10	20	21	0	1	2	3	4	5	<p>i</p> <p>↑</p>
3	4	8	10	20	21									
0	1	2	3	4	5									

Se $A[i] < B[j]$?
colocar $A[i]$ em $C[k]$

senão

Se $B[j] < A[i]$
colocar $B[j]$ em $C[k]$
senão (dois 2 são iguais)
colocar $B[j]$ ou $A[i]$ em $C[k]$
fim_se
fim_se

B	<table border="1"><tr><td>1</td><td>5</td><td>8</td><td>20</td><td>30</td><td>40</td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr></table>	1	5	8	20	30	40	0	1	2	3	4	5	<p>j</p> <p>↑</p>
1	5	8	20	30	40									
0	1	2	3	4	5									

C	<table border="1"><tr><td>1</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td><td>8</td><td>10</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td><td>6</td><td>7</td><td>8</td><td>9</td><td>10</td><td>11</td></tr></table>	1	3	4	5	8	10							0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	<p>k</p> <p>↑</p>
1	3	4	5	8	10																					
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11															

Procedimentos XXII

A	<table border="1"><tr><td>3</td><td>4</td><td>8</td><td>10</td><td>20</td><td>21</td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr></table>	3	4	8	10	20	21	0	1	2	3	4	5	<p style="text-align: center;">↑ i</p>
3	4	8	10	20	21									
0	1	2	3	4	5									

Se $A[i] < B[j]$?
colocar $A[i]$ em $C[k]$
senão

Se $B[j] < A[i]$
colocar $B[j]$ em $C[k]$
senão (dois 2 são iguais)
colocar $B[j]$ ou $A[i]$ em $C[k]$
fim_se
fim_se

B	<table border="1"><tr><td>1</td><td>5</td><td>8</td><td>20</td><td>30</td><td>40</td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr></table>	1	5	8	20	30	40	0	1	2	3	4	5	<p style="text-align: center;">↑ j</p>
1	5	8	20	30	40									
0	1	2	3	4	5									

C	<table border="1"><tr><td>1</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td><td>8</td><td>10</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td><td>6</td><td>7</td><td>8</td><td>9</td><td>10</td><td>11</td></tr></table>	1	3	4	5	8	10						0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	<p style="text-align: center;">↑ k</p>
1	3	4	5	8	10																				
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11														

Procedimentos XXIII

A	<table border="1"><tr><td>3</td><td>4</td><td>8</td><td>10</td><td>20</td><td>21</td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr></table>	3	4	8	10	20	21	0	1	2	3	4	5	<p style="text-align: center;">↑ i</p>
3	4	8	10	20	21									
0	1	2	3	4	5									

Se $A[i] < B[j]$?
colocar $A[i]$ em $C[k]$
senão

Se $B[j] < A[i]$
colocar $B[j]$ em $C[k]$
senão (dois 2 são iguais)
colocar $B[j]$ ou $A[i]$ em $C[k]$
fim_se
fim_se

B	<table border="1"><tr><td>1</td><td>5</td><td>8</td><td>20</td><td>30</td><td>40</td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr></table>	1	5	8	20	30	40	0	1	2	3	4	5	<p style="text-align: center;">↑ j</p>
1	5	8	20	30	40									
0	1	2	3	4	5									

C	<table border="1"><tr><td>1</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td><td>8</td><td>10</td><td>20</td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td><td>6</td><td>7</td><td>8</td><td>9</td><td>10</td></tr></table>	1	3	4	5	8	10	20					0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	<p style="text-align: center;">↑ k</p>
1	3	4	5	8	10	20																		
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10														

Procedimentos XXIV

A	<table border="1"><tr><td>3</td><td>4</td><td>8</td><td>10</td><td>20</td><td>21</td></tr></table>	3	4	8	10	20	21	<table border="1"><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr></table>	0	1	2	3	4	5	 i
3	4	8	10	20	21										
0	1	2	3	4	5										

Se $A[i] < B[j]$?

colocar $A[i]$ em $C[k]$

senão

Se $B[j] < A[i]$

colocar $B[j]$ em $C[k]$

senão (dois 2 são iguais)

colocar $B[j]$ ou $A[i]$ em $C[k]$

fim_se

fim_se

B	<table border="1"><tr><td>1</td><td>5</td><td>8</td><td>20</td><td>30</td><td>40</td></tr></table>	1	5	8	20	30	40	<table border="1"><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr></table>	0	1	2	3	4	5	 j
1	5	8	20	30	40										
0	1	2	3	4	5										

C	<table border="1"><tr><td>1</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td><td>8</td><td>10</td><td>20</td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr></table>	1	3	4	5	8	10	20					<table border="1"><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td><td>6</td><td>7</td><td>8</td><td>9</td><td>10</td><td>11</td></tr></table>	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	 k
1	3	4	5	8	10	20																				
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11															

Procedimentos XXV

A	<table border="1"><tr><td>3</td><td>4</td><td>8</td><td>10</td><td>20</td><td>21</td></tr></table>	3	4	8	10	20	21	<table border="1"><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr></table>	0	1	2	3	4	5	<p style="text-align: center;">↑ i</p>
3	4	8	10	20	21										
0	1	2	3	4	5										

Se $A[i] < B[j]$?

colocar $A[i]$ em $C[k]$

senão

Se $B[j] < A[i]$

colocar $B[j]$ em $C[k]$

senão (dois 2 são iguais)

colocar $B[j]$ ou $A[i]$ em $C[k]$

fim_se

fim_se

B	<table border="1"><tr><td>1</td><td>5</td><td>8</td><td>20</td><td>30</td><td>40</td></tr></table>	1	5	8	20	30	40	<table border="1"><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr></table>	0	1	2	3	4	5	<p style="text-align: center;">↑ j</p>
1	5	8	20	30	40										
0	1	2	3	4	5										

C	<table border="1"><tr><td>1</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td><td>8</td><td>10</td><td>20</td><td>21</td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr></table>	1	3	4	5	8	10	20	21					<table border="1"><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td><td>6</td><td>7</td><td>8</td><td>9</td><td>10</td><td>11</td></tr></table>	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	<p style="text-align: center;">↑ k</p>
1	3	4	5	8	10	20	21																				
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11																

Procedimentos XXVI

A	3	4	8	10	20	21
	0	1	2	3	4	5

↑
i

B	1	5	8	20	30	40
	0	1	2	3	4	5

↑
j

C	1	3	4	5	8	10	20	21			
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10

↑
k

Se $A[i] < B[j]$?

colocar $A[i]$ em $C[k]$

senão

Se $B[j] < A[i]$

colocar $B[j]$ em $C[k]$

senão (dois 2 são iguais)

colocar $B[j]$ ou $A[i]$ em $C[k]$

fim_se

fim_se

Procedimentos XXVII

3	4	8	10	20	21
0	1	2	3	4	5

A	<table border="1"><tr><td>3</td><td>4</td><td>8</td><td>10</td><td>20</td><td>21</td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr></table>	3	4	8	10	20	21	0	1	2	3	4	5
3	4	8	10	20	21								
0	1	2	3	4	5								

↑
i

Se terminou a leitura de algum vetor?

Se terminou A
passar os elementos de B

para C

senão

passar os elementos de A

para C

fim_se

fim_se

1	5	8	20	30	40
0	1	2	3	4	5

B	<table border="1"><tr><td>1</td><td>5</td><td>8</td><td>20</td><td>30</td><td>40</td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr></table>	1	5	8	20	30	40	0	1	2	3	4	5
1	5	8	20	30	40								
0	1	2	3	4	5								

↑
j

1	3	4	5	8	10	20	21				
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11

C	<table border="1"><tr><td>1</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td><td>8</td><td>10</td><td>20</td><td>21</td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td><td>6</td><td>7</td><td>8</td><td>9</td><td>10</td><td>11</td></tr></table>	1	3	4	5	8	10	20	21					0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
1	3	4	5	8	10	20	21																		
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11														

↑
k

Procedimentos XXVIII

3	4	8	10	20	21
0	1	2	3	4	5

A	<table border="1"><tr><td>3</td><td>4</td><td>8</td><td>10</td><td>20</td><td>21</td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr></table>	3	4	8	10	20	21	0	1	2	3	4	5
3	4	8	10	20	21								
0	1	2	3	4	5								

↑
i

Se terminou a leitura de algum vetor?

Se terminou A
passar os elementos de B

para C

senão

passar os elementos de A

para C

fim_se

fim_se

1	5	8	20	30	40
0	1	2	3	4	5

B	<table border="1"><tr><td>1</td><td>5</td><td>8</td><td>20</td><td>30</td><td>40</td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td></tr></table>	1	5	8	20	30	40	0	1	2	3	4	5
1	5	8	20	30	40								
0	1	2	3	4	5								

↑
j

1	3	4	5	8	10	20	21	30	40		
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11

C	<table border="1"><tr><td>1</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td><td>8</td><td>10</td><td>20</td><td>21</td><td>30</td><td>40</td><td></td><td></td></tr><tr><td>0</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td><td>5</td><td>6</td><td>7</td><td>8</td><td>9</td><td>10</td><td>11</td></tr></table>	1	3	4	5	8	10	20	21	30	40			0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
1	3	4	5	8	10	20	21	30	40																
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11														

↑
k

Procedimentos XXIX

```
#define N 5
void Ordena(int vet[], int n);
void Insere(int vet[], int n);
int Merge(int vet1[], int vet2[], int vet3[],
          int n1, int n2);
void Print(int vet[], int n);

int main()
{
    int A[N], B[N], C[2*N], nC = 0;
    cout << "\n Dados Vetor 1";
    Insere(A, N); Ordena(A, N); Print(A, N);
    cout << "\n Dados Vetor 2 \n";
    Insere(B, N); Ordena(B, N); Print(B, N);
    nC = Merge(A, B, C, N, N);
    cout << "\n Mostrando vetor 3";
    Print(C, nC);
    return 0;
}
```

Procedimentos XXX

```
void Ordena( int vet[], int n)
{
    int i, j, tmp;
    for (i = 1; i < n; i++)
        for (j = n-1; j >= i; j--)
            if (vet[j] < vet[j-1])
            {
                tmp = vet[j];
                vet[j] = vet[j-1];
                vet[j-1] = tmp;
            }
}
```

Procedimentos XXXI

```
void Insere(int vet[], int n)
{
    int i;
    cout << "\n Inserir " << n << " numeros";
    for (i = 0; i < n; i++)
    {
        cout << "\n vet[" << i << "] = ";
        cin >> vet[i];
    }
}
```

Procedimentos XXXII

```
void Print(int vet[], int n)
{
    int i;
    for (i = 0; i < n; i++)
        cout << "\n vet[" << i << "]=" << vet[i];
}
```

Procedimentos XXXIII

```
int Merge(int vet1[], int vet2[], int vet3[],
          int n1, int n2)
{
    int i, j, k;
    i = j = k = 0;
    while(i < n1 && j < n2)
    {
        if (vet1[i] < vet2[j])
            vet3[k++] = vet1[i++];
        else
        {
            if (vet1[i] == vet2[j])
                i++;
            vet3[k++] = vet2[j++];
        }
    }
    ...
}
```

Procedimentos XXXIV

```
int Merge(int vet1[], int vet2[], int vet3[],
          int n1, int n2)
{
    ...
    if (i > j)
        for (; j < n2; j++)
            vet3[k++] = vet2[j];
    else
        for (; i < n1; i++)
            vet3[k++] = vet1[i];
    return k;
}
```

FIM